

LABORATORIO SISTEMAS DE TRANSMISIÓN

PRÁCTICA N° 10

1 TEMA

UTILIZACIÓN DE LA CARTA DE SMITH EN ADS

2 OBJETIVOS

- 2.1 Familiarizar al estudiante con el uso del diagrama de Smith en ADS.
- 2.2 Representar la solución de problemas de líneas de transmisión en el diagrama de Smith en ADS.

3 MARCO TEÓRICO

La carta o diagrama de Smith consiste en la representación gráfica, en el plano del coeficiente de reflexión, de la impedancia normalizada. Esta herramienta gráfica permite obtener diversos parámetros de las líneas de transmisión, así como la resolución de diversos problemas como adaptación de impedancias, optimización del ruido, estabilidad, evitando la complejidad de las operaciones con números complejos y funciones trigonométricas que suelen implicar estos cálculos.

3.1 CONSTRUCCIÓN DE LA CARTA DE SMITH

Recordemos la expresión del coeficiente de reflexión ρ en la carga Z_L , en función de ésta y de la impedancia característica de la línea, Z_0 :

$$\rho = \frac{Z_L - Z_0}{Z_L + Z_0} = |\rho|e^{j\theta_L} = \rho_r + j\rho_i \quad (1)$$

La impedancia de carga Z_L , normalizada con respecto a la impedancia característica de la línea de transmisión Z_0 , que también puede escribirse en componentes real e imaginaria como:

$$\bar{z} = \frac{Z_L}{Z_0} = \frac{1+\rho}{1-\rho} = r + jx \quad (2)$$

A partir de las ecuaciones (1) y (2) se pueden obtener las componentes real e imaginaria del factor de reflexión.

$$\rho = \rho_r + j\rho_i = \frac{(r+jx)-1}{(r+jx)+1} = \frac{r^2-1+x^2}{(r+1)^2+x^2} + j\frac{2x}{(r+1)^2+x^2} \quad (3)$$

Separando las dos ecuaciones contenidas en (3) para las componentes real e imaginaria (eliminando de r o x), pueden obtenerse las siguientes ecuaciones:

$$\left(\rho_r - \frac{r}{1+r}\right)^2 + \rho_i^2 = \left(\frac{1}{1+r}\right)^2 \quad (4)$$

$$(\rho_r - 1)^2 + \left(\rho_i - \frac{1}{x}\right)^2 = \frac{1}{x^2} \quad (5)$$

Si representamos la ecuación (4) sobre el plano complejo para valores de r constante, las gráficas obtenidas son círculos de radio $\frac{1}{1+r}$ centrados en el eje real en los puntos:

$$\rho_r = \frac{r}{1+r} ; \quad \rho_i = 0$$

Los distintos valores de r dan lugar a círculos de radio diferente con centro en distintas posiciones del eje real, como se muestran en color rojo en la figura 1.

Para diferentes valores de x constante, la ecuación (5) también describe círculos de radio $\frac{1}{|x|}$, centrados en $\left(1, \frac{1}{x}\right)$. En la figura 1 se muestran los círculos en color azul.

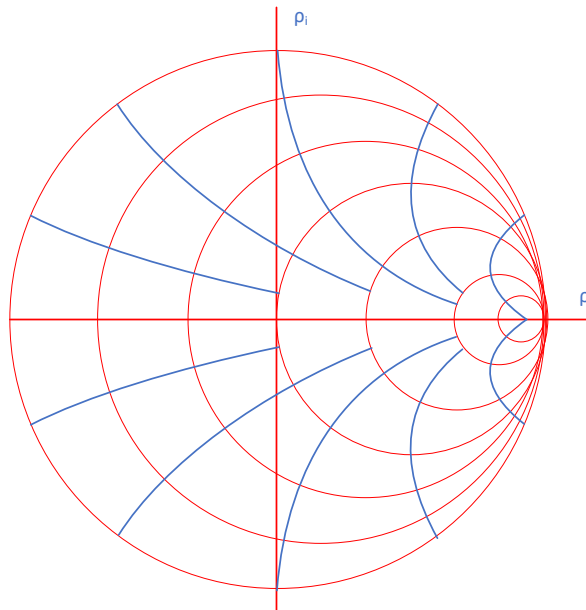


Figura 1. Círculos de resistencia constante (rojo) y reactancia constante (azul) del Diagrama de Smith

4 PREPARATORIO

- 4.1 Revisar el marco teórico presentado en el apartado 3.
- 4.2 Consultar sobre el uso de la herramienta **Smith Chart** en el software ADS.
- 4.3 Resolver los siguientes ejercicios de forma teórica (**NO** utilizar la Carta de Smith):
 - 4.3.1 Una línea sin pérdidas con $Z_0 = 25 \, \Omega$ mide 4 longitudes de onda a cierta frecuencia de trabajo, y al final está conectada a una carga $Z_L = 30 + j80 \, \Omega$. Encontrar: la impedancia de entrada de la línea, el coeficiente de reflexión en la carga (magnitud y fase) y la impedancia vista en el centro de la línea.
 - 4.3.2 Encontrar la longitud mínima que debe tener una línea terminada en corto circuito para que la entrada presente una impedancia de $-j40 \, \Omega$, si $Z_0 = 100 \, \Omega$. Considerar que la ϵ_r del dieléctrico es 2,1 y la frecuencia de trabajo es 800 MHz.
- 4.4 Resolver el siguiente ejercicio utilizando la Carta de Smith:

En una línea de transmisión de impedancia característica $Z_0 = 75 \, \Omega$ y longitud $0,4\lambda$ se conecta en un extremo una carga $Z_L = 45 - j70 \, \Omega$. Calcular: coeficiente de reflexión en la carga, coeficiente de reflexión a la entrada de la línea, impedancia de entrada y relación de onda estacionaria en la línea.

5 EQUIPO Y MATERIALES

- 5.1 Proporcionado en el laboratorio
- Programa computacional ADS.

6 PROCEDIMIENTO

Para el desarrollo de los siguientes ejercicios considere los siguientes valores:

$$\begin{aligned} Z_0 &= 50 \, \Omega \\ f_0 &= 500 \, \text{MHz} \\ R_1 &= 100 \, \Omega \\ R_2 &= 150 \, \Omega \\ L_1 &= 47 \, \mu\text{H} \\ L_2 &= 100 \, \mu\text{H} \\ C_1 &= 47 \, \text{nF} \\ C_2 &= 100 \, \text{nF} \end{aligned}$$

- 6.1 Para el circuito que se muestra en la Figura 1, estudie el comportamiento de la impedancia de entrada utilizando la Carta de Smith en ADS.
- Para una frecuencia específica (f_0).
 - Para un rango de frecuencia especificado por el profesor.

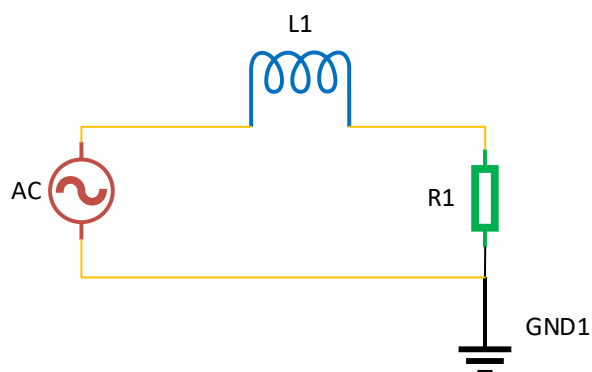


Figura 2. Circuito serie RL con elementos distribuidos

- 6.2 Para el circuito que se muestra en la Figura 2, estudie el comportamiento de la impedancia de entrada utilizando la Carta de Smith en ADS.
- Para una frecuencia específica (f_0).
 - Para un rango de frecuencia especificado por el profesor.

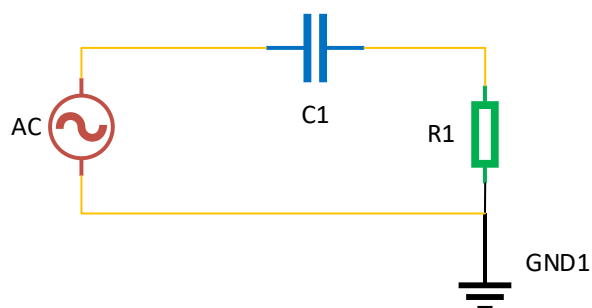


Figura 3. Circuito serie RC con elementos concentrados

- 6.3 Para el circuito que se muestra en la Figura 3, estudie el comportamiento de la impedancia de entrada utilizando la Carta de Smith en ADS.
- Para una frecuencia específica (f_0).
 - Para un rango de frecuencia especificado por el profesor.

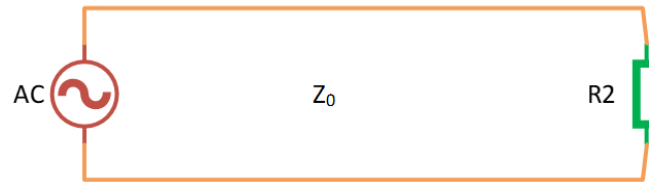


Figura 4. Línea de transmisión con carga resistiva arbitraria

- 6.4 Para el circuito que se muestra en la Figura 4, estudie el comportamiento de la impedancia de entrada utilizando la Carta de Smith en ADS.

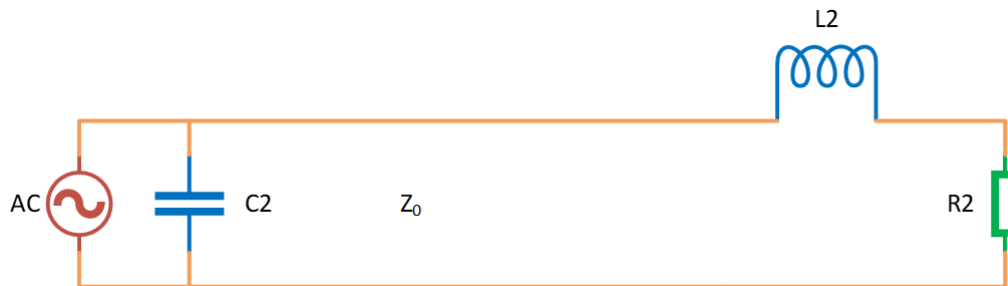


Figura 5. Circuito con elementos distribuidos y concentrados

- 6.5 Realizar la simulación del circuito del ejercicio 4.3.1 y verificar los resultados obtenidos en el preparatorio.

7 INFORME

- Descripción y análisis de resultados.
- Realizar la simulación del circuito del ejercicio 4.4 y analizar los resultados.
- Conclusiones.

8 REFERENCIAS

- [1] D. Pozar, *Microwave Engineering*. Fourth Edition, Wiley, 2011.

Elaborado por: Mtr. William Coloma

Revisado por: Dr. Fernando Carrera S.